

BSM -SUSY FELADATOK 2017

1. θ, ϕ, Ψ, χ Weyl spinorok. Bizonyítsuk be a következő azonosságokat:

$$\begin{aligned}\theta\sigma^\mu\bar{\theta}\theta\sigma^\nu\bar{\theta} &= -\frac{1}{2}\theta\theta\bar{\theta}\bar{\theta}\eta^{\mu\nu} \\ \epsilon^{\alpha\beta}\frac{\partial}{\partial\theta^\alpha}\frac{\partial}{\partial\theta^\beta}\theta\theta &= 4 \\ \theta^\alpha\theta^\beta &= -\frac{1}{2}\epsilon^{\alpha\beta}\theta\theta \\ (\theta\phi)(\theta\Psi) &= -\frac{1}{2}(\phi\Psi)(\theta\theta) \\ \chi\sigma^\mu\bar{\psi} &= -\bar{\psi}\bar{\sigma}^\mu\chi \\ (\theta\phi)(\theta\Psi) &= -\frac{1}{2}(\phi\Psi)(\theta\theta) \\ \chi\sigma^\mu\bar{\psi} &= -\bar{\psi}\bar{\sigma}^\mu\chi \\ \chi\sigma^\mu\bar{\sigma}^\nu\psi &= \psi\sigma^\nu\bar{\sigma}^\mu\chi\end{aligned}$$

Wess and Bagger könyv konvenciók, $\eta_{\mu\nu} = (-1, 1, 1, 1)$, $\epsilon_{21} = \epsilon^{12} = 1$, $\epsilon_{12} = \epsilon^{21} = -1$, $\bar{\sigma}^\mu = (I, -\vec{\sigma})$.

2. SUSY kommutátor (órán érintve..) Mutassuk meg, $[Q_\alpha, P_\mu] = 0$.

Útmutatás (mint órán), használjuk fel, hogy nincs spin-3/2 generátor, vezessük le, hogy $[Q_\alpha, P^\mu] \sim Z\sigma^\mu_{\alpha\dot{\beta}}\bar{Q}^{\dot{\beta}}$, és használjuk a Jacobi azonosságot $[Q, [Q, P]]$.

3. SUSY CASIMIR. Mutassuk meg, hogy a Pauli-Ljubanski vektor általánosításából kapott mennyiség

$$C_{mn} = \tilde{W}_m P_n - \tilde{W}_n P_m, \quad \tilde{W}_m = \frac{1}{2}\epsilon_{pmnq}P^n M^{pq} - \frac{1}{4}\bar{Q}_{\dot{\alpha}}\bar{\sigma}_m^{\dot{\alpha}\beta}Q_\beta$$

felcserél a szupertöltésekkel $[C_{mn}, Q_\alpha] = 0$. (Fierz azonosságra szükség lehet, néha $\tilde{W}_{mn} = C_{mn}$ jelölés lehet)

4. Tekintsük a Wess-Zumino modellt, mutassuk meg, hogy a SUSY algebra záródik F segédtér, illetve Ψ trafójára

$$(\delta_{\epsilon_2}\delta_{\epsilon_1} - \delta_{\epsilon_1}\delta_{\epsilon_2})F = ?$$

5. Általános $F(x, \theta, \bar{\theta})$ szupertérben vezessük le a ϕ_α -tag $(+\Phi\theta + \dots)$ és a v_m tag szupertranszformációját $\delta_\xi(\phi_\alpha)$ -t, $\delta_\xi(v_m)$ -t!

6. Goldstino-tétel, Mutassuk meg, hogy szimultán F és D típusú sértés esetén is létezik egy goldstino!

A* „Igazi” Goldstino-tétel. Mutassuk meg, hogy A SUSY algebrából kiindulva, hogy tetszőleges, akár dinamikai spontán SUSY-sértés esetén is létezik goldstino!

Az antikommutátorban az egyik szupertöltést írjuk fel a Noether-tétel szerint szuperárammal $J_\alpha \dots$

B A Wess-Zumino modellben írjuk fel a Noether-tétel alapján a szupertöltést generáló szuperáramot

$$J_\alpha^\mu = \sqrt{2}(\sigma^\nu\bar{\sigma}^\mu\Psi)_\alpha\partial_\nu\Phi.$$

7. Fayet-Iliopoulos modell.

$$L_{FI} = \frac{1}{4} (W^\alpha W_\alpha|_{\theta^2} + h.c.) + \Phi_+^\dagger e^{eV} \Phi_+|_{\theta^4} + \Phi_-^\dagger e^{-eV} \Phi_-|_{\theta^4} + m^2 (\Phi_+ \Phi_-|_{\theta^2} + h.c.) + \kappa V|_{\theta^4}$$

Legyen $m^2 < \frac{1}{2}e\kappa$. Keressük meg a skalárpotenciál minimumát, a különböző spinű állapotok tömegeit (spektrumot) és ellenőrizzük le a STR, azaz a supertrace összszabály teljesülését!

8. Mutassuk meg, ha érvényes a sum-rule MSSM-ben, akkor az egyik szkvark könnyebb, mint az u vagy d kvark. (Írjuk fel a skalár tömegmátrixot m_{ij}^2 -t, keressük az el nem tűnő D_- járulékot!)

Javasolt irodalom:

J. Lykken: Introduction to supersymmetry hep-th/961214, <http://lanl.arxiv.org/>

S.P. Martin: Supersymmetry primer, arXiv:hep-ph/9709356, v6 2011

John Terning: Modern Supersymmetry Dynamics and Duality, Oxford Science Publications, 2006, th/0201253

Klasszikusok: Wess and Bagger könyv, P. West: Introduction to supersymmetry and supergravity

Cynolter Gábor

cyn@general.elte.hu,

3722700/ 6115